

Programmation en C

Examen du 8 décembre 2021 (session 1)

Durée : deux heures – **Tous documents autorisés** – Les questions marquées d'une * sont plus difficiles**Exercice 1 : exécution d'un programme C (~ 4 points)**

Quels sont les affichages produits à l'écran lors de l'exécution du programme C ci-dessous :

```
#include <stdio.h>

void f1(int a, int b) {
    a = a*b ;
}

int f2(int a, int *b) {
    int x ;
    x = a + *b ;
    return x ;
}

int main() {
    int x, y ;
    int *p ;
    x=2 ; y=5 ;
    f1 (x, y) ;
    printf("(1) x=%d, y=%d\n", x, y) ;
    p = &y ;
    y = f2(x, p) ;
    printf("(2) x=%d, y=%d\n", x, y) ;
    return 0 ;
}
```

Exercice 2 : codage RLE (~ 6 points)

Le codage RLE (*Run Length Encoding*) est une technique de compression que l'on peut appliquer à des séquences de données. Elle consiste à remplacer toute sous-séquence d'au moins 2 éléments consécutifs identiques (par exemple "XXXXXX") par la sous-séquence comprenant le nombre de répétitions suivi de l'élément répété ("6X" sur l'exemple précédent).

Dans cet exercice nous allons appliquer une version simplifiée de ce codage à des chaînes de caractères, terminées par la marque de fin '\0', et ne **comportant pas de chiffres** (donc pas de caractères entre '0' et '9').

Ainsi, la chaîne "AAAAHHHHHHHH!" sera codée en RLE par "4A8H!".

Q1. Quel problème peut-il se poser si on applique ce codage à une chaîne contenant des chiffres ?

Q2. On donne un algorithme qui lit au clavier une chaîne de caractères (sans chiffres) et affiche à l'écran son codage RLE :

lexique

M : la constante caractère '\0'
N : la constante entière 256
c : un tableau sur [0..N] de caractères
i, j : des entiers positifs

debut

lire (c)
i ← 0
tantque c[i] ≠ M
 j ← i+1
 tantque c[j] ≠ M et puis c[i] = c[j] : j ← j+1
 si j > i+1 alors ecrire(j-i)
 ecrire(c[i])
 i ← j

fin

Ecrivez ce programme en C.

Q3(*). Ecrivez en C un programme qui lit au clavier une chaîne de caractères codée en RLE et affiche à l'écran la chaîne décodée. Ainsi, si le programme lit en entrée la chaîne codée "4A8H!", alors il affichera la chaîne "AAAAHHHHHHHH!".

On supposera que les entiers présents dans la chaîne codée en RLE sont toujours strictement inférieurs à 10. Pourquoi cette hypothèse simplifie t'elle le programme à écrire ?

Exercice 3 : Représentation de polynômes (~ 10 points)

Un *polynôme* est une séquence (non ordonnée) de *monômes*, où chaque monôme peut être défini par un couple de deux entiers (c, d) , avec $c \in \mathbb{Z}$ et $d \in \mathbb{N}$, représentant respectivement le *coefficient* et le *degré* du monôme. Ainsi, le polynôme $P = 8x^3 + 5x^2 - 1$ peut être représenté par la séquence

$$[(8, 3), (5, 2), (-1, 0)]$$

Le fichier `polynome.h` donné en Annexe fournit des primitives permettant de parcourir et modifier un polynôme.

Q1. Ecrivez en C la fonction suivante qui renvoie la valeur du polynôme P pour x valant v :

```
int Evaluer(Polynome P, int v) ;
```

On supposera que P est un polynôme non vide et on utilisera (sans l'écrire) la fonction `int puissance (a,b)` supposée renvoyer a^b .

Q2. La dérivée d'un polynôme est la séquence des dérivées de chacun de ses monômes de degré strictement positifs. La dérivée du monôme (c, d) pour $d > 0$ est le monôme $(c \times d, d - 1)$. Ainsi, la dérivée du polynôme $P = 8x^3 + 5x^2 - 1$ est représentée par la séquence

$$[(24, 2), (10, 1)]$$

Ecrivez en C la fonction suivante qui produit dans le paramètre résultat P2 la dérivée du polynôme P1 :

```
void Deriver(Polynome P1, Polynome *P2)
```

Q3. On souhaite représenter un polynôme par une **liste chaînée** de monômes.

1. Complétez la définition des types `Monome` et `Polynome` du fichier `Polynome.h` ;
2. Donnez le contenu du fichier `Polynome.c` qui implémente les fonctions définies dans `Polynome.h`

Q4(*). Ecrivez en C la fonction suivante qui produit dans le paramètre résultat P3 la somme des polynôme P1 et P2 :

```
int Addition(Polynome P1, Polynome P2, Polynome *P3) ;
```

On supposera pour cette question que les polynômes sont des séquences de monômes **ordonnées par ordre décroissant de leurs degré**.

Annexe : le fichier polynome.h

```
typedef ... Monome ; // definition du type Monome

typedef ... Polynome ; // definition du type Polynome

/* Constructeurs */

Monome CreerMonome (int c, unsigned int d) ;
// renvoie le monome (coefficient, degre)

void AjouterMonome (Polynome *P, Monome M) ;
// ajoute le monome M au polynome P
// P est donc modifié par cette action (parametre resultat)

Polynome PolynomeVide() ;
// renvoie un polynome "vide"
// (que l'on pourra compléter en lui ajoutant des monomes ...)

/* Selecteurs */

unsigned int Degre(Monome M) ;
    // degre du monome M

int Coefficient(Monome M) ;
// coefficient du monome M

/* Parcours de la sequence des monomes d'un polynome */

int EstVide(Polynome P) ;
// vaut vrai si et seulement si P est un polynome vide

Monome PremierMonome(Polynome P) ;
// renvoie le "premier" monome du polynome P (si P est non vide !)

void MonomeSuivant(Polynome *P) ;
// modifie P pour acceder au monome suivant (si P est non vide !)
// P est donc un parametre donnee-resultat

/* un parcours des monomes du polynome P pourra donc s'ecrire :
Polynome P ;
Monome M ;
while (! EstVide(P)) {
M = PremierMonome(P) ;
MonomeSuivant(&P) ;
}
*/
```